

А.А.Быков, bykv@mail.ru, http://bykv.narod.ru

T504 (2003-2004) "Дифференцирование – 1" Вариант k1m1w01 – 28

1. Нарисуйте на одном чертеже графики функций  $y = x^{-3}$  и  $y = x^{-5}$

2. Нарисуйте эскиз графика функции  $y = x^3 - 12x^2 + 45x$ . Найдите координаты характерных точек графика.

3. Нарисуйте график функции  $y = \max(x, x^2 - 8x + 20)$

4. Вычислите производную функции  $y = \cos\left(\frac{1}{\sqrt{x}}\right)$

5. Вычислите величину первого и второго дифференциалов функции  $y = \frac{1}{\sqrt[4]{x}}$  в точке  $x = 256$  для  $dx = 10$

6. Напишите уравнение касательной к графику функции  $y = x^3$  в точке  $x = 2$ . Нарисуйте эскиз графика функции и указанной касательной. Найдите абсциссу точки, в которой касательная пересекает ось абсцисс.

7. Найдите множество значений функции  $y = \sqrt{7}x^2 + \frac{\sqrt{343}}{x^2}$

8. Найдите величину положительного корня уравнения  $x^{13} + px^2 + 11 = 0$  при условии, что это уравнение имеет ровно два различных корня